

Aluno: Data: ... / ... / 2010

REPOSIÇÃO DA QUARTA AVALIAÇÃO

1. Encontre o trabalho realizado por F sobre a curva C parametrizada por

$$r(t) = t \vec{i} + t^2 \vec{j} + t^4 \vec{k}, \quad 0 \leq t \leq 1,$$

no sentido de t crescente, quando

$$F = \sqrt{z} \vec{i} - 2x \vec{j} + \sqrt{y} \vec{k}.$$

2. Resolva apenas uma das seguintes questões:

(a) Mostre que $F = (e^x \cos(y) + yz) \vec{i} + (xz - e^x \sin(y)) \vec{j} + (xy + z) \vec{k}$ é conservativo e encontre uma função potencial para ele.

(b) Para quais valores de b e c o campo $F = (y^2 + 2czx) \vec{i} + y(bx + cz) \vec{j} + (y^2 + cx^2) \vec{k}$ é conservativo. Para estes valores, encontre uma função potencial para F .

3. Resolva apenas uma das seguintes questões:

(a) Use o Teorema de Green (forma do rotacional) no plano para provar o Teorema de Stokes (forma do divergente) no plano.

(b) Considerando que todas as derivadas necessárias existam e sejam contínuas, mostre que, se $f(x, y)$ satisfizer a equação de Laplace

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = 0$$

então

$$\oint_C \frac{\partial f}{\partial y} dx - \frac{\partial f}{\partial x} dy = 0$$

para todas as curvas fechadas C às quais se aplica o Teorema de Green.

4. Encontre a área da superfície $x^2 - 2\ln(x) + \sqrt{15}y - z = 0$ acima do quadrado $R : 1 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 1$ no plano xy .

5. Resolva apenas uma das seguintes questões:

(a) Use uma parametrização para encontrar o Fluxo $\int_S (F \cdot n) d\sigma$ através da porção S da esfera $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$ no primeiro octante quando $F = z \vec{k}$, no sentido oposto à origem.

(b) Use uma parametrização para encontrar o Fluxo $\int_S (F \cdot n) d\sigma$ através da superfície cortada do cilindro parabólico $z = 4 - y^2$ pelos planos $x = 0, x = 1$ e $z = 0$ quando $F = z^2 \vec{i} + x \vec{j} - 3z \vec{k}$, no sentido para fora (longe do eixo x).

6. Use o Teorema de Stokes no espaço para calcular o fluxo do rotacional do campo $F = 2z \vec{i} + 3x \vec{j} + 5y \vec{k}$ através da superfície S abaixo, na direção da norma n exterior.

$$S : r(r, \theta) = r \cos(\theta) \vec{i} + r \sin(\theta) \vec{j} + (4 - r^2) \vec{k}, \quad 0 \leq r \leq 2, \quad 0 \leq \theta \leq 2\pi.$$

BOA SORTE